# 三相 PWM 整流器空间矢量控制的全数字实现

黄科元, 贺益康

(浙江大学,杭州 310027)

摘要:提出一种便于数字实现的三相 PWM 整流器控制算法,采用输入电压空间矢量定向,根据参考电压直接 计算位置和作用时间,从而大大简化了计算;并利用数字处理器(DSP)实现了整流器空间矢量的全数字控制。

关键词:整流器;脉宽调制;数字控制/空间矢量调制

中图分类号:TM461 文献标识码:A 文章编号:1000-100X(2003)03-0079-04

#### Digital Realization of a Three-phase PWM Rectifier with Space Vector Control

HUANG Ke-yuan, HE Yi-kang

(Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

Abstract: The paper presents a suitable digital algorithm for the three-phase rectifier, which significantly simplifies calculation of vector position and operation time directly with the input voltage space vector orientation and according to reference voltage. The rectifier with DSP-based full digital control on the presented algorithm is developed.

Key words; rectifier; PWM; digital control; space vector modulation

1 引 言

在静止电力变换电路中,整流装置大约占了近 70%,它的输出特性对电网有很大影响。传统的不 控和相控整流产生了大量的无功和谐波,对电网造 成了严重的污染,如何提高功率因数、消除和抑制谐 波已成为电力电子技术中的重大课题。最直接的方 法是采用无功补偿和消除谐波的滤波器,然而这是 一种事后补救的办法,更积极的措施则是研制开发 新型的高功率因数、低谐波的整流装置。PWM 整 流器就是这样一种新型变换器<sup>[1]</sup>。

作为降低谐波的有效措施, PWM 技术很早就 应用于逆变电源;将 PWM 技术引入整流器, 则可获 得单位功率因数和非常接近正弦的输入电流。电压 空间矢量 PWM 技术由于直流电压利用率高, 便于 数字化实现, 在传动领域得到了广泛的应用。而将 其用于整流器, 则在实现中存在一些困难, 如空间矢 量的定向、矢量作用时间的计算、矢量位置的判断 等, 导致控制算法计算复杂, 不易于实现。

在分析了三相 PWM 整流器控制原理的基础 上,提出一种便于数字实现的控制算法,采用输入电 压空间矢量定向,根据参考电压的符号和大小计算 矢量位置和作用时间,从而大大简化了计算,并利用 数字处理器(DSP)实现了三相 PWM 整流器空间矢 量的全数字控制。

**定稿日期:**2003-01-03

作者简介:黄科元(1974-),男,四川广汉人,博士研究 生,研究方向为电力电子技术及电机控制。

-----

# 2 三相 PWM 整流器的控制策略

三相 PWM 整流器的主电路结构如图 1 所示, 其拓扑结构与三相电压源逆变器相同,功率开关按 正弦规律进行脉宽调制。由于输入电感的滤波作 用,整流器交流侧的输入可近似认为是三相正弦电 流,输出呈直流电压源特性,稳态时的输出直流电压 可保持不变<sup>[2]</sup>。一般情况下,要求控制输入电流与 输入电压同相位,即输入功率因数为 1。通常采用 直流电压外环和输入电流内环的双闭环控制方式, 其中电压外环保证稳定的直流输出,电流内环用于 提高系统的动态性能和实现限流保护。



图 1 三相 PWM 整流器的主电路结构 根据图 1,列出 PWM 整流器的基本方程:

$$\begin{cases}
 u_{sa} - L \frac{di_{a}}{dt} - R_{ia} - S_{a}u_{dc} \\
 u_{sb} - L \frac{di_{b}}{dt} - R_{ib} - S_{b}u_{dc} \\
 u_{sc} - L \frac{di_{e}}{dt} - R_{ic} - S_{c}u_{dc} \\
 C \frac{du_{dc}}{dt} = i_{dc} - i_{L} = S_{a}i_{a} + S_{b}i_{b} + S_{c}i_{c}
\end{cases}$$
(1)

式中  $S_a$ ,  $S_b$ ,  $S_c$  为 0 或 1, 是三相桥臂的开关函数。S = 1 表示下标所对应的桥臂上管导通,下管关

79

3

断, S=0表示下标所对应的桥臂下管导通,上管关 断。其它各量参见图1。

为了获得良好的控制性能,控制在两相同步速 旋转 d-q 坐标系中实施。同步速 d-q 轴系中,式(1) 变为:

$$\begin{bmatrix} \frac{di_d}{dt} \\ \frac{di_q}{dt} \\ \frac{du_{dc}}{dt} \\ \frac{du_{dc}}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R}{L} & \omega & \frac{S_d}{L} \\ -\omega & -\frac{R}{L} & -\frac{S_q}{L} \\ \frac{3S_d}{2C} & \frac{3S_q}{2C} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ u_{dc} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{L} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{C} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{sd} \\ u_{sq} \\ i_L \end{bmatrix}$$
(2)

由式(2)表示的输入电流满足下式:

$$\begin{cases} L \frac{di_d}{dt} = -Ri_d + \omega Li_q + u_{sd} - u_{rd} \\ L \frac{di_q}{dt} = -Ri_q - \omega Li_d + u_{sq} - u_{rq} \end{cases}$$
(3)

式(3)表明 d-q 轴电流除受控制量  $u_{rd}$ ,  $u_{rq}$ 的影 响外,还受交叉耦合电压  $\omega Li_q$ ,  $-\omega Li_d$  扰动和电网 电压  $u_{sd}$ 和  $u_{sq}$ 扰动,因此需要寻找一种解除 d-q 轴 之间电流耦合的控制方法。

假设整流器交流侧电压包含3个分量:

$$\begin{cases} u_{rd} = u_{rd1} + u_{rd2} + u_{rd3} \\ u_{rq} = u_{rq1} + u_{rq2} + u_{rq3} \end{cases}$$
(4)

其中  $u_{rd1} = u_{sd}, u_{rd2} = \omega Li_q; u_{rq1} = u_{sq}, u_{rq2} = -\omega Li_d$ 由式(3)和式(4)可得:

$$\begin{cases} L \frac{di_d}{dt} + Ri_d = -u_{rd3} \\ L \frac{di_q}{dt} + Ri_q = -u_{rq3} \end{cases}$$
(5)

此式表示的 d-q 电流子系统中, 两轴电流已实现独 立控制, 这是由于引入了电流状态反馈和解耦。同 时引入电网电压(u<sub>rd1</sub>和 u<sub>rd2</sub>)作为前馈补偿, 也使 得系统的动态性能进一步提高。图 2 是实现以上 PWM 整流器解耦的双闭环控制系统结构原理图。



图 2 PWM 整流器双闭环控制系统

## 电压定向的空间矢量 PWM 算法

设电网电压为三相对称电压:

$$\begin{cases} u_{sa} = U_{m} \sin \omega t \\ u_{sb} = U_{m} \sin(\omega t - 120^{\circ}) \\ u_{sc} = U_{m} \sin(\omega t + 120^{\circ}) \end{cases}$$
(6)

定义电网电压空间矢量 U<sub>s</sub>为:

$$U_{s} = 2/3(u_{sa} + au_{sb} + a^{2}u_{sc})$$

 $= U_{\rm m}(\sin \omega t - j\cos \omega t)$ 

可见,电网电压矢量  $U_s$ 是一个在复平面的旋转矢量,在t=0时刻, $U_s$ 位于两相 $a-\beta$ 静止坐标系  $\beta$ 轴的负半轴,若以  $U_s$ 定向,为了获得单位功率因数,电流 $i_d$ 应该和 $U_s$ 同相位,而维持 $i_q=0$ 。这样同步旋转坐标d-q轴系的d轴在0时刻应该和 $U_s$ 重合,如图3所示。



经电压定向后, *d*-q 旋转坐标与α, β 静止坐标 转换关系如下式所示:

$$\begin{cases} u_d = u_a \sin \omega t - u_\beta \cos \omega t \\ u_q = -u_a \cos \omega t + u_\beta \sin \omega t \end{cases}$$
(8)

式(8)所示的变换与用于电机矢量变换控制的 静止-旋转变换相差 90°的相位。这是因为电机采用 磁场定向,而整流器采用输入电压定向, *d*-q 轴的起 始位置落后了 90°。这样做的目的在于系统实现 时,检测 *a* 相电压的过零点即可确定旋转坐标起 点;若使零时刻 *d*-q 轴和*α*-β 轴重合,则需要检测输 入 *a* 相电压的最大值,显然这不方便。

得到控制信号 u<sub>rd</sub>和 u<sub>rq</sub>后,经转旋-静止坐标变 换可得 α-β 坐标系参考电压 u<sub>ref</sub>的 α-β 分量 u<sub>ra</sub>, u<sub>rβ</sub>, 利用空间矢量调制可合成该电压。

图 1 所示整流桥中,有效开关组合有 6 种,此外 还有两个零矢量,它们在平面中的位置如图 4 所示。

假设参考电压 u<sub>ref</sub>在图示位置,它的作用相当 于整流桥相邻的开关组合的共同作用,在一个控制 周期 T 内, V100 和 V110 的作用时间分别是:

$$\begin{cases} T_1 = \sqrt{3}/2mT \sin(\pi/3 - \theta) \\ T_2 = \sqrt{3}/2mT \sin\theta \end{cases}$$
(9)  
式中 m—为调制深度, m = 2U<sub>1</sub>/u<sub>dc</sub>  
U<sub>1</sub>—参考电压幅值

而零矢量作用时间为  $T_0 = T - T_1 - T_2$ 。

图 3 中, 已知  $u_{ref}$ 在  $\alpha$ - $\beta$  坐标系中的分量  $u_{ra}$ ,  $u_{ra}$ ,则  $u_{ref}$ 相对于  $\alpha$  坐标轴的位置角  $\gamma$  与大小为:

$$\begin{cases} \gamma = \arctan \frac{u_{ra}}{u_{r\beta}}, \gamma \in [0, 360^{\circ}) \\ U_{r} = \sqrt{u_{ra}^{2} + u_{r\beta}^{2}} \end{cases}$$
(10)

根据 γ 可判断  $u_{ref}$ 所在的扇区和每扇区中的位 置角  $\theta$ 。例如, 若 γ = 90°, 则在第二扇区  $\theta$  为 30°。 一般有  $\theta$  = γ - 60°(*N* - 1), 其中 *N* 为扇区号。



图 4 电压空间矢量

事实上 DSP 实现的数字算法难以用上述方法 计算 θ 和作用时间,因为反正切计算复杂,若采用 查表法又会浪费较大的空间,可直接采用参照电压 来判断扇区和计算时间<sup>[3]</sup>。定义:

U<sub>-ef1</sub>>0,则 A=1,否则 A=0

$$\begin{cases} U_{ref1} = u_{r\beta} \\ U_{ref2} = \sqrt{3}/2 u_{r\alpha} - 1/2 u_{r\beta} \\ U_{ref3} = -\sqrt{3}/2 u_{r\alpha} - 1/2 u_{r\beta} \end{cases}$$
(11)

若:

$$U_{ref2} > 0$$
,则  $B = 1$ ,否则  $B = 0$   
 $U_{ref3} > 0$ ,则  $C = 1$ ,否则  $C = 0$   
设:  
sector =  $A + 2B + 4C$   
当:  
sector = 1,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 2 扇区,  $N = 2$   
sector = 2,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 6 扇区,  $N = 6$   
sector = 3,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 1 扇区,  $N = 1$   
sector = 4,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 1 扇区,  $N = 4$   
sector = 5,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 3 扇区,  $N = 3$   
sector = 6,  $u_{ref}$ 位于图 4 所示的 5 扇区,  $N = 5$   
由式(9)和式(10)可算得作用时间;

$$\begin{cases} T_1 = \frac{1}{2} \left( \frac{3u_{ra}}{u_{dc}} - \frac{\sqrt{3}u_{r\beta}}{u_{dc}} \right) T \\ T_2 = \sqrt{3} \frac{u_{r\beta}}{u_{dc}} T \end{cases}$$
(12)

根据参考电压在不同的扇区,选用适当的开关 矢量,利用式(11)算得的作用时间,即可合成所需的 参考电压<sup>[4]</sup>。

上述算法无需计算反正切,也无需查表求取角 度,非常适合数字实现。

#### 4 基于 DSP 的全数字实现

在分析 PWM 整流器的控制原理和空间矢量 PWM 算法的基础上,采用 TMS320 F240DSP 为控 制核心,实现了三相 PWM 整流器的全数字控制。

PWM 整流器硬件结构如图 5 所示,系统采用 了直流电压外环和电流内环的双闭环控制方式,需 采集的数据有输入相电压 u<sub>sa</sub>, u<sub>sb</sub>,输入相电流 i<sub>a</sub>, i<sub>b</sub>和直流母线电压u<sub>dc</sub>。其中,电压电流检测电路把 检测到的电量转换成 DSP 的 A/D 口接收范围内的 模拟信号, DSP 则完成 A/D 转换、坐标变换、PI 调 节、空间矢量调制等核心控制任务,输出的 6 路 PWM 信号,经 IPM 驱动与保护电路送到 IPM 构成 的整流器主回路。整个控制系统硬件部分结构简 单,控制功能主要由软件完成。



#### 图 5 PWM 整流器硬件结构

软件部分可分为初始化模块和运行模块,在程 序开始时执行一次初始化模块,然后每次 PWM 周 期下溢中断时调用运行模块。初始化模块除了设置 DSP 的内部寄存器外,还需要检测输入 a 相电压的 向上过零点,定下系统的起始时刻,以实现输入电压 定向。运行模块是软件的主体,主要实现上述控制 算法,流程见图 6。

利用上述方法, 研制了一台三相 PWM 整流器 的样机, 开关元件采用三菱公司的 PM100CVA060 IPM 模块, 进线滤波电感为 6mH, 电阻忽略不计, 直 流母线滤波电容为 450V/2200 $\mu$ F。实验参数如下: 相电压  $u_{ss} = u_{sb} = u_{sc} = 44V$ , 直流电压  $u_{dc} = 150V$ ,

81

负载电阻  $R_L = 30\Omega$ , 开关频率为 7kHz。实验结果 如图 7、图 8 所示。



图 7 稳态时输入电压和输入电流

t:5ms/格



图8 整流器对负载变化的动态响应 图7 是整流器的稳态波形,可以看出输入电流 正弦且和输入电压同相位,功率因数近似为1;图8 是负载变化时整流器的运行情况负载电阻  $R_L$  由 50Ω 变为 30Ω,输出功率增大,而直流输出电压基本 保持不变,显示了 PWM 整流器良好的输出特性。

# 5 结 论

-

针对三相 PWM 整流器空间矢量控制在实现中 存在的空间矢量定向、矢量作用时间计算、矢量位置 判断等困难,利用输入电压空间矢量定向,根据参考 电压的符号和大小直接计算矢量所在扇区和作用时 间,从而大大简化了计算,便于数字实现。在此基础 上,研制了一台样机,实验结果验证了控制算法的有 效性。

#### 参考文献:

- Mao H, Lee F C, Borojevic D and Hiti S. Review of High Performance Three-phase Power-factor Correction Circuits[J]. IEEE Trans. on Ind. Electron. 1997(44):437~ 446.
- Shieh J J, Pan C T, Cuey Z J. Modelling and Design of a Reversible Three-phase Switching Mode Rectifier [J]. Electric Power Applications. IEE Proceedings. 1997, 144 (6):389~396.
- [3] Space-vector PWM with TSM320C24x/F24x using Hardware and Software Determined Switching Patterns
   [R]. TI Application Report SPRA523. Mar. 1999.
- [4] Van der Broeck H W, Skudelny H C, Stanke G V. Analysis and Realization of a Pulsewidth Modulator Based on Voltage Space Vectors. IEEE Trans. on IA. 1998, 24(1): 142~150.

(上接第57页)

# 6 结 论

所提出的主电路拓扑结构、谐波检测方法、控制 方式以及负载电压计算方法,均在 CSR 二极磁铁电 源的设计中得到实际验证。该方案适用于要求低谐 波、高快速响应的大功率磁体负载。

# 参考文献:

 Kwon B H, Suh J H, Han S H. Novel Transformer Active Filters[J]. IEEE Trans. on Ind. Electron, 1993, 40(3): 385~388.

- [2] Liang Rong. Modeling and Control of Magnet Power Supply System with Switch-Model Ripple Regulator [J].
   IEEE Trans. on Industrial Application, 1996, 31(2):264 ~271.
- [3] Wang Y, Joos G, Jin H. DC-side Shunt-active Power Filter for Phase-controlled Magnet-load Power Suplies[J]. IEEE Trans on Power Electronics, 1997, 12(5):765~771.
- [4] 马小亮,王丙元,赵付田,等.并联有源滤波在加速器上的应用研究[J].电工技术学报,2002,17(3):54~58.